



f. Kyselá

NÁVOD

16 cm

k použití logaritmických pravítek

logarex

MODUL 250mm TYP 27451

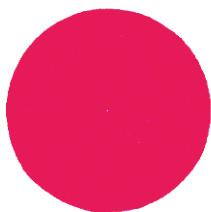
MODUL 125mm TYP 27251

SYSTÉM DARMSTADT

I. VŠEOBECNĚ

Tato logaritmická pravítka systém DARM-STADT jsou nezrozšířenějšími typy logaritmických pravítek vůbec. Hodí se pro všeobecnou praxi a většinu pracovníků nejrozličnějších speciálních oborů. Účelnou kombinací stupnic umožňují celou řadu matematických operací s přesností na 2 až 4 čísla.

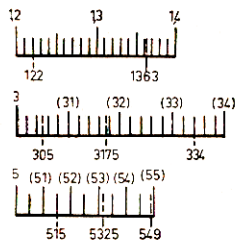
Princip počítání na jednotlivých stupnicích je u obou typů shodný a jeho popis naleznete včetně schématických vyobrazení v příslušných statích tohoto návodu. Nastavené hodnoty uvedené v nákrese se vztahují na větší typ „M 250“, takže u menšího typu bude možné v některých případech nastavit nebo odečíst hodnotu méně přesnou (např. místo 1915 pouze 192).



II. STUPNICE A JEJICH ČTENÍ

Uspořádání, barevnost a počet stupnic se u obou typů liší od sebe pouze nepatrně a je zřejmé z obrázků na obálce tohoto návodu.

Podle způsobů dělení jednotlivých úseků rozlišujeme následující druhy stupnic:



- čtení hodnot podobně jako u milimetrového dělení – stupnice roste po jednom dílku. Odhadem odečítáme další číslici (136 3) – desetinu dílku,
- ve druhém úseku roste hodnota po dílku, který značí dvě jednotky. Další číslice se určuje odhadem,
- třetí úsek má nejmenší dílek rovný pěti jednotkám, další se určují odhadem,
- jiné stupnice jsou uspořádány obdobně.

Stupnice určují při odečítání (nebo nastavování) hodnot pouze sled číslic, nikoliv řád (desetinná místa) každého čísla. Proto ode-

čítáme (nastavujeme) např. 1-3-6-3 a počet destinných míst (řád) určíme přibližným výpočtem hrubě zaokrouhlených čísel jak je uvedeno u jednotlivých početních příkladů. Pro přesné stanovení počtu míst (řádu) výsledku platí pravidla uvedená v literatuře doporučené tímto návodem a středoškolských učebnicích, které zahrnují počítání na logaritmickém pravítku.

III. N Á S O B E N Í

Můžeme jej provádět podle požadavků na přesnost a s ohledem na náročnost manipulace následujícími způsoby:

- a) pomocí stupnic x^2 - méně přesné, jednoduché
- b) pomocí stupnic x - přesnější, složitější
- c) pomocí stupnic x a $1/x$ - přesnější, složitější

Po osvojení je nejvýhodnější používání způsobů b) a c) podle povahy příslušných čísel v početní operaci.

PŘÍKLAD 1: Jaká je plocha pozemků o rozměrech $12,4 \times 15,45$ m ? (191,5 m²).

Řešení:

$$a \cdot b = x$$

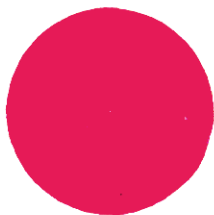
$$12,4 \cdot 15,45 = 191,5$$

Odhad míst:

$$13 \cdot 15 = 195$$

$$\text{nebo } 10 \cdot 20 = 200$$

- a) 1 stupnice x^2 šoupátka nastavíme pod **124** stupnice x^2 tělesa, index okénka (rysku) přesuneme na **1545** stupnice x^2 šoupátka a výsledek **1915** odečteme pod tímto indexem na stupnici x^2 tělesa,



x^2			
		124	1915
x^2	1		1545

b) způsob stejný, avšak místo stupnic x^2 použijeme stupnic x ,

	x	1	1545
x		124	1915

c) není vhodný.

PŘÍKLAD 2: Jaký je obsah místnosti o rozměrech $4,75 \times 4,20 \times 2,75$ m ? ($54,9$ m³).

Řešení:

$$a \cdot b \cdot c = x$$

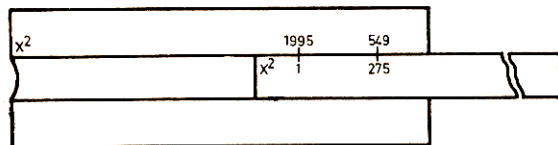
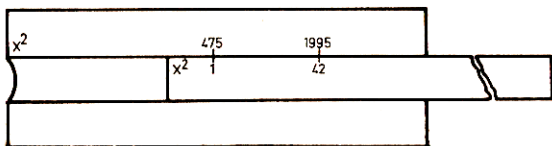
$$4,75 \cdot 4,2 \cdot 2,75 = 54,9$$

Odhad míst:

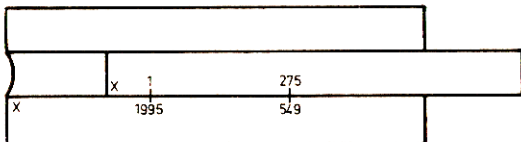
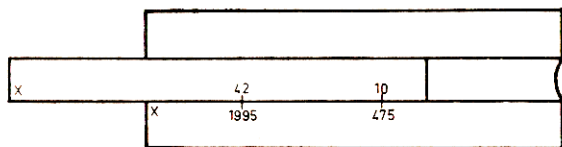
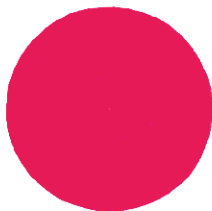
$$5 \cdot 4 \cdot 3 = 60$$

a) 1 stupnice x^2 šoupátka nastavíme pod **475** stupnice x^2 tělesa, index okénka přesuneme na **42** stupnice x^2 šoupátka (dílní výsledek **1995** můžeme odečíst pod tímto indexem na

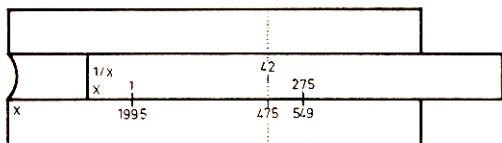
stupnici x^2 tělesa), šoupátko přesuneme 1 stupnice x^2 pod index okénka a tento index posuneme na **275** stupnice x^2 šoupátka. Výsledek **549** odečteme pod indexem na stupnici x^2 tělesa.



- b) 10 stupnice x šoupátka nastavíme na **475** stupnice x tělesa, index okénka přesuneme na **42** stupnice x šoupátka (díleč výsledek **1995** můžeme odečíst pod tímto indexem na stupnici x tělesa), šoupátko přesuneme 1 stupnice x pod index okénka a tento index přestavíme na **275** stupnice x šoupátka. Výsledek **549** odečteme pod indexem na stupnici x tělesa,



- c) index okénka přesuneme na **475** stupnice x tělesa, pod tento index nastavíme **42** stupnice $1/x$ šoupátka (dílní výsledek **1995** můžeme odečíst pod 1 stupnice x šoupátka na stupnici x tělesa). Index okénka přestavíme na **275** stupnice x šoupátka a výsledek **549** odečteme pod tímto indexem na stupnici x tělesa.



IV. DĚLENÍ, SPOJENÉ NÁSOBENÍ A DĚLENÍ

Můžeme jej provádět podle požadavků na přesnost a s ohledem na náročnost manipulace obdobnými způsoby jako běžné násobení podle předešlé stati.

PŘÍKLAD 3: Jak dlouhý pás plastické kůže v šíři 1,4 m musíme odebrat na celkové množství 63 m² ? (45,- bm).

Řešení:

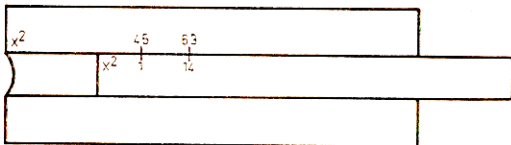
$$\frac{a}{b} = x$$

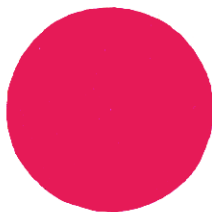
$$\frac{63}{1,4} = 45$$

Odhad míst:

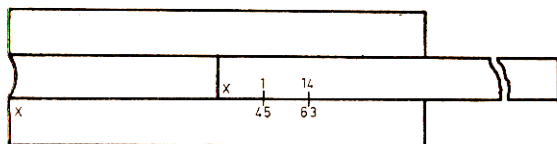
$$\frac{60}{1,5} = 40$$

- a) index okénka přesuneme na 63 stupnice x² tělesa, pod tento index nastavíme 14 stupnice x² šoupátka a výsledek 45 odečteme nad 1 stupnice x² šoupátka na stupnici x² tělesa,





b) způsob stejný, avšak místo stupnice x^2 použijeme stupnice x .



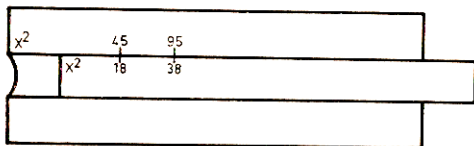
c) není vhodný.

PŘÍKLAD 4: Kolik bm podlahové krytiny budeme potřebovat na pokrytí celé plochy podlahy místnosti o rozměrech $4,50 \times 3,80$ m při šíři role krytiny 1,8 m ? (9,5 bm).

Řešení:
$$\frac{4,5 \cdot 3,8}{1,8} = 95$$

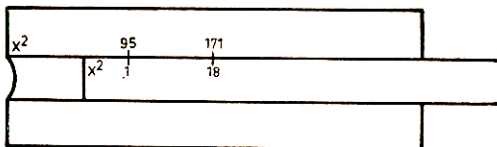
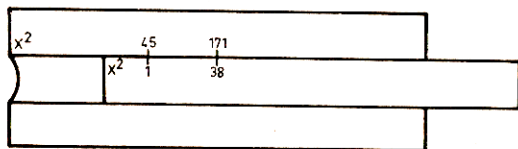
Odhad míst:
$$\frac{4 \cdot 4}{2} = 8$$

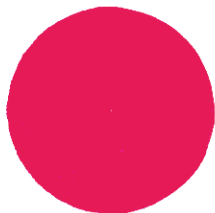
a1) index okénka přesuneme na **45** stupnice x^2 tělesa,, pod tento index nastavíme **18** stupnice x^2 šoupátka. Index okénka přestavíme na **38** stejné stupnice x^2 šoupátka a výsledek **95** odečteme po tímto indexem na stupnici x^2 tělesa,



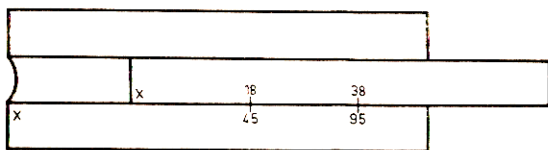
nebo méně výhodněji:

- a2) **1** stupnice x^2 šoupátka nastavíme na **45** stupnice x^2 tělesa, index okénka přestavíme na **38** stupnice x^2 šoupátka (díličí výsledek **171** můžeme odečíst pod tímto indexem na stupnici x^2 tělesa). Šoupátko přesuneme **18** pod nastavený index a výsledek **95** odečteme nad **1** stupnice x^2 šoupátka na stupnici x^2 tělesa,



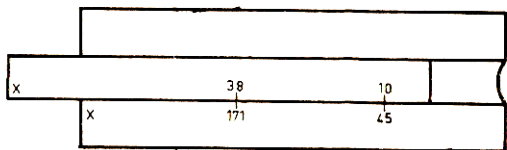


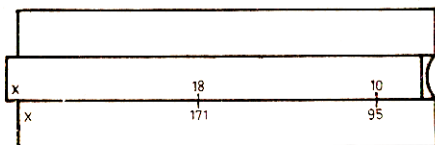
b1) způsob shodný jako a1), avšak místo stupnic x^2 použijeme stupnice x ,



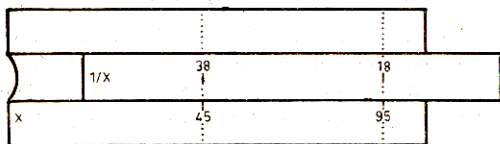
nebo méně výhodněji:

b2) 10 stupnice x šoupátka nastavíme nad 45 stupnice x tělesa a index okénka přestavíme na 38 stupnice x šoupátka. Šoupátko přesuneme 18 stupnice x pod nastavený index okénka a tímto indexem posuneme na 10 stupnice x šoupátka. Výsledek 95 odečteme pod indexem na stupnici x tělesa,



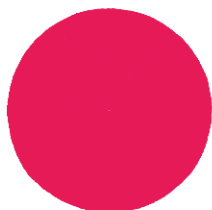


- c) index okénka přesuneme na **45** stupnice x tělesa, pod tento index nastavíme **38** stupnice $1/x$ šoupátka. Index okénka přestavíme na **18** stupnice $1/x$ šoupátka a výsledek **95** odečteme pod tímto indexem na stupnici x tělesa.



V. MOCNINY A ODMOCNINY

- a) **DRUHÉ A TŘETÍ MOCNINY** čísla najdeme na stupnici x^2 a x^3 tělesa pod indexem okénka přesunutým na hodnotu základů na stupnici x tělesa,



PŘÍKLADY A ŘEŠENÍ: Nalezněte obsah čtverce **P** a objem krychle **V** o následujících stranách **a**:

5	$a^2 = P$	$a^3 = V$
6	$2^2 = 4$	$2^3 = 8$
7	$0,14^2 = 0,0196$	$0,14^3 = 0,00274$
8	$3,2^2 = 10,2$	$3,2^3 = 32,8$
	$65^2 = 4225$	$65^3 = 275\ 000$

x^3	274	8	328	275
x^2	196	4	102	4225
x	14	2	32	65

6 **5** **7** **8**

b) **DRUHÉ A TŘETÍ ODMOCNINY** najdeme na stupnici x tělesa pod indexem okénka přesunutým na hodnotu čísla (mocniny) na stupnici x^2 nebo x^3 tělesa, a to v úseku určeném podle počtu čísel přesahujících zleva skupinu \grave{a} 2 (u druhých mocnin) nebo \grave{a} 3 (u třetích mocnin) čísla. Skupiny se rozdělují od desetinné čárky doleva i doprava,

PŘÍKLADY – ŘEŠENÍ: Nalezněte stranu čtverce a krychle **A** o následujících obsazích **P** a objemech **V**.

9	\sqrt{P}	$= a$	$\sqrt[3]{V}$	$= a$
	$\sqrt{3 61}$	$= 19$ (I ús.)	$\sqrt[3]{6 859}$	$= 19$ (I ús.)
10	$\sqrt{36 10}$	$= 6,1$ (II ús.)	$\sqrt[3]{217 081}$	$= 60,1$ (III ús.)
11	$\sqrt{0, 07 78 4}$	$= 0,279$ (I ús.)	$\sqrt[3]{21 708, 18}$	$= 27,9$ (II ús.)

$$12 \quad \sqrt[3]{0,00|01|67|7} = 0,01295 \text{ (I ús.)} \quad \sqrt[3]{0,022|17} = 0,1295 \text{ (I ús.)}$$

$$13 \quad \sqrt[3]{77|79|25|40} = 8820 \text{ (II ús.)} \quad \sqrt[3]{685,|9} = 8,82 \text{ (III ús.)}$$

	I. ÚSEK x^3		II. ÚSEK x^3		III. ÚSEK x^3	
x^3	217	686	217		217	686
x^2	168	361	778		361	778
	I. ÚSEK x^2		II. ÚSEK x^2			
x	1295	15	279		601	882
	⑦	⑧	⑪		⑩	⑬

c) **VZÁJEMNÉ KOMBINACE DRUHÝCH A TŘETÍCH MOCNIN A ODMOCNIN.**

PŘÍKLADY: A. Nalezněte objem krychle V , když jedna její stěna má plochu P .

B. Nalezněte plochu jedné strany krychle P , když její objem je V .

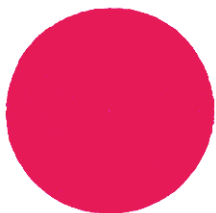
Řešení: A. $\sqrt[3]{P^3} = V$ B. $\sqrt[3]{V^2} = P$

$$14 \quad \sqrt[3]{4,75^3} = 10,35 \quad \sqrt[3]{0,010|35^2} = 0,0475$$

$$15 \quad \sqrt[3]{0,09|9^3} = 0,0312 \quad \sqrt[3]{31,|2^2} = 9,9$$

A. Index jezdce přesuneme na hodnotu P stupnice x^2 a pod tímto odečteme na stupnici x^3 hodnotu V .

B. Index jezdce přesuneme na hodnotu V stupnice x^3 a pod tímto odečteme na stupnici x^2 hodnotu P .



x^3	1035	312	$\sqrt{b^3}$	\sqrt{c}
x^2	475	98	b	$\sqrt[3]{c^2}$
x			\sqrt{b}	$\sqrt[3]{c}$

⑩ ⑪

d) MOCNINY S LIBOVOLNÝM EXPONENTEM.

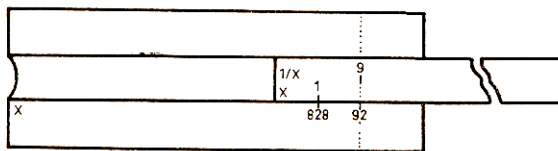
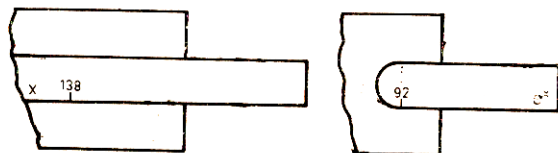
PŘÍKLAD 16: Plynová směs o tlaku $p_1 = 0,9$ ata je adiabaticky stlačena na $1/5$ svého objemu. Jaký tlak p_2 bude mít po stlačení při exponentu $x = 1,38$? (8,28 ata).

Řešení:

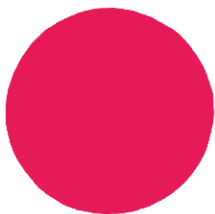
$$p_2 = p_1 \cdot \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{1,38} = 0,9 \cdot 5^{1,38} = 0,9 \cdot 9,2 = 8,28$$

Můžeme postupovat dvojím způsobem:

1. Pravítko obrátíme a hodnotu **5** stupnice e^x šoupátka nastavíme pod index v levém nebo pravém výřezu zadní strany pravítka. Pravítko obrátíme a index okénka nastavíme na značku **1** nebo **10** stupnice x šoupátka (bez jeho posunutí). Šoupátkem posuneme na hodnotu **1,38** stupnice x pod index okénka, pravítko obrátíme a výsledek mocniny **9,2** odečteme na stupnici e^x pod indexem ve výřezu zadní strany pravítka. Tento částečný výsledek vynásobíme hodnotou **0,9** způsobem podle stati III.



2. Přesněji – šoupátko obrátíme a hodnotu 5 stupnice e^x nastavíme na 1 stupnice x , index okénka přesuneme na 138 stupnice x a pod tímto indexem odečteme výsledek mocniny 9,2 na stupnici e^x . Tento částečný výsledek vynásobíte hodnotou 0,9 způsobem podle stati III (viz předešlý obrázek).



e^x	5	92	
x	1	138	

PŘÍKLADY: 17 $1,46^{2,7} = 2,78$
18 $1,021^{1,47} = 1,031$

Postupujeme obdobně, avšak dané číslo nastavujeme a výsledek odečítáme na stupnicích $e^{0,1x}$ a $e^{0,01x}$.

e) **MOCNINY ČÍSLA e**

PŘÍKLADY: 19 $e^{4,25} = 70$
20 $e^{5,3} = 200$
21 $e^7 = 1100$

Řešení:

Šoupátko obrátíme a nastavíme do základní polohy. Index okénka přesuneme na hodnoty exponenta na stupnici x a pod tímto indexem odečteme výsledek na stupnici e^x .

e^x	70	200	1100
x	425	53	7

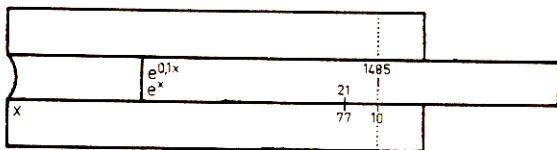


f) LIBOVOLNÉ ODMOCNINY:

PŘÍKLAD 22: $\sqrt[7,7]{21} = 1,485$

Řešení:

21 stupnice e^x nastavíme na **77** stupnice x . Index okénka přesuneme na **10** stupnice x a pod tímto indexem odečteme na stupnici $e^{0,1x}$ výsledek **1485**



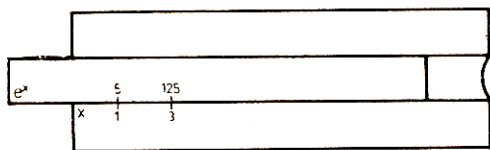
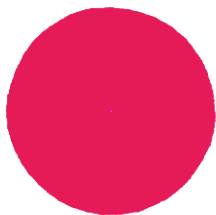
VI. LOGARITMY

a) LIBOVOLNÉ LOGARITMY:

PŘÍKLAD 22: Nalezněte logaritmus čísla 125 při základu 5 ? (3).

Řešení:

Šoupátko obrátíme a přesuneme **5** stupnice e^x nad **1** stupnice x . Index okénka nastavíme na **125** stupnice e^x a pod tímto indexem odečteme na stupnici x výsledek **3**.



b) DEKADICKÉ LOGARITMY:

Pro přesnější výpočet dekadických logaritmů používáme u typu 250 stupnice *log*, a to tak, že její pomocí odečteme mantisu a charakteristiku logaritmů stanovíme známým způsobem pro počítání s logaritmy.

PŘÍKLADY:

24	$\log 2,3$	=	0,362
25	$\log 23$	=	1,362
26	$\log 435$	=	2,638
27	$\log 1345$	=	3,129

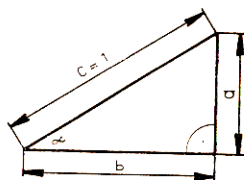
Řešení:

Obrácené šoupátko nastavíme do základní polohy. Index okénka přesuneme na hodnotu čísla (jehož logaritmus hledáme) na stupnici *x*. Pod indexem pak odečteme mantisu logaritmu na stupnici *log*.

	0	129	362	638
Log				
X	1	1345	23	435



VII. ŘEŠENÍ TVARU $y = \sqrt{1-x^2}$



O pravoúhlém trojúhelníku s přeponou délky 1 platí

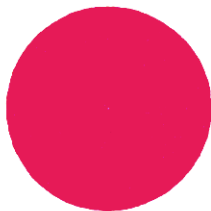
$$b = \sqrt{1-a^2} \text{ nebo } a = \sqrt{1-b^2}.$$

Tyto výrazy odpovídají vzorci podle stupnice $\sqrt{1-x^2}$.

PŘÍKLAD 28: Vypočítejte b ($= 0,8$) v pravoúhlém trojúhelníku, kde $a = 0,6$ a $c = 1$.

Řešení:

Index okénka přesuneme na 0,6 stupnice x a výsledek 0,8 odečteme pod tímto indexem na stupnici $\sqrt{1-x^2}$.



Upozornění: U typu M 125 je stupnice $\sqrt{1-x^2}$ na horní části tělesa, avšak způsob použití se nemění.

x $\sqrt{1-x^2}$	0,6 0,8

PŘÍKLAD 29: Vypočtěte **b** (= 8,35) v pravouhlém trojúhelníku, kde **a = 8** a **c = 20**.

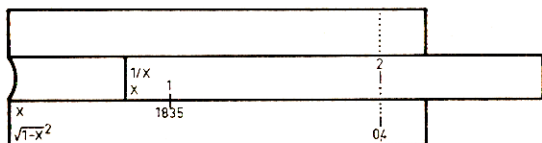
Řešení:

Je-li c od 1 rozdílné, platí:

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = c \sqrt{1 - \left(\frac{a}{c}\right)^2} = 20 \sqrt{1 - \left(\frac{8}{20}\right)^2} = 20 \sqrt{1 - 0,4^2} \\ = 18,35$$

Běžným dělením podle stati IV. vypočteme výraz a/b ($8/20 = 0,4$). Na získanou hodnotu **0,4** nastavíme index okénka na stupnici $\sqrt{1-x^2}$ a pod tento index nastavíme **2** stupnici $1/x$. Výsledek 1835 odečteme na stupnici x tělesa pod **1** stupnice x šoupátka.

	x 1	2
x	4	8



VIII. TRIGONOMETRICKÉ FUNKCE

Stupnice trigonometrických funkcí jsou na pravítku uspořádány tak, že nám dávají pro jednotlivé funkce tabulky hodnot.

a) SINUS A KOSINUS.

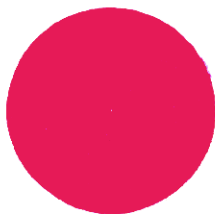
Hodnoty funkce sinus odečítáme na stupnici x tělesa pod indexem okénka nastaveným na potřebnou velikost úhlu na stupnici \sin .

Při odečítání hodnoty funkce kosinus nastavujeme prakticky na stupnici \sin velikost doplňkového úhlu do 90° podle vztahu:

$$\cos \alpha = \sin (90^\circ - \alpha).$$

Pro přesnější odečtení hodnot \sin ů a \cos ů na koncích, stupnic, kde dělení není podrobné, použijeme s výhodou stupnici $\sqrt{1-x^2}$ převodem podle známých vztahů:

$$\begin{aligned} \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha &= 1 \\ \cos \alpha &= \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} \\ \sin \alpha &= \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} \end{aligned}$$



PŘÍKLADY A ŘEŠENÍ:

- 30** $\sin 26^\circ = 0,438$
31 $\sin 32^\circ 30' = 0,537$
32 $\cos 75^\circ = \sin (90^\circ - 75^\circ) = \sin 15^\circ = 0,259$
33 $\cos 80^\circ 20' = \sin (90^\circ - 81^\circ 20') = \sin 8^\circ 40' = 0,151$
34 $\sin 83^\circ 40' = \sqrt{1 - \cos^2 83^\circ 40'} = \sqrt{1 - \sin^2 (90^\circ - 83^\circ 40')} =$
 $= \sqrt{1 - \sin^2 6^\circ 20'} = 0,9939$
35 $\cos 21^\circ 10' = \sqrt{1 - \sin^2 21^\circ 10'} = 0,9325$

		151	259	438	537	
x	9939		9325			
$\sqrt{1-x^2}$						
Sin	6°20'	8°40'	15°	21°10'	26°	32°30'
	34	33	32	35	30	31

b) TANGENS A KOTANGENS

Hodnoty funkce tangens úhlů od $5^\circ 30'$ do 45° odečítáme na základní stupnici x pravítka pod indexem okénka nastaveným na potřebnou velikost úhlů na stupnici tg .

Odečítání hodnoty funkce kotangens úhlů od $5^\circ 30'$ do 45° provádíme na reciproké stupnici šoupátka $1/x$ v jeho základní poloze, pod indexem okénka nastaveném na potřebnou velikost úhlu na stupnici tg .

tg α = cotg (90° - α)

Pro velikosti úhlů od 45° do $84^{\circ}30'$ odečítáme hodnoty funkcí tangens a kotangens tak, že si funkci převedeme na konfunkci a naopak podle vztahů:

$$\operatorname{tg} \alpha = \operatorname{cotg} (90^{\circ} - \alpha) \quad \text{a} \quad \operatorname{cotg} \alpha = \operatorname{tg} (90^{\circ} - \alpha).$$

Tuto funkci pak odečteme dříve uvedeným způsobem.

PŘÍKLADY A ŘEŠENÍ:

- 36** $\operatorname{tg} 14^{\circ} = 0,249$
37 $\operatorname{tg} 80^{\circ}30' = \operatorname{cotg} (90^{\circ} - 80^{\circ}30') = \operatorname{cotg} 9^{\circ}30' = 5,975$
38 $\operatorname{cotg} 15^{\circ}10' = 3,69$
39 $\operatorname{cotg} 77^{\circ}40' = \operatorname{tg} (90^{\circ} - 77^{\circ}40') = \operatorname{tg} 12^{\circ}20' = 0,219$

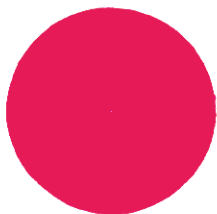
1/x	5975		369	
		219	249	
x				
tg	$9^{\circ}30'$	$12^{\circ}20'$	14°	$15^{\circ}10'$

c) FUNKCE MALÝCH ÚHLŮ

Hodnoty funkcí sinus a tangens malých úhlů je možné v rámci přesnosti odečítání hodnot na pravítku ztotožnit s hodnotami arkus α , jejichž výpočet je uveden v následující stati.

IX. ARKUS

Pro výpočet arkusu příslušného úhlu používáme zvláštních značek umístěných na základní stupnici x pravítka, a to:



$$\rho = \frac{\pi}{180} = 0,01745$$

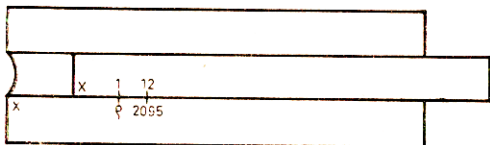
$$\rho' = \frac{180 \cdot 60}{\pi} = 3438$$

$$\rho'' = \frac{180 \cdot 60 \cdot 60}{\pi} = 206265$$

Vlastní výpočet pak provádíme vzhledem k matematickému výrazu příslušné značky (viz výše uvedené odvození) násobením (při použití značky ρ) nebo dělením (při použití značek ρ' , ρ'') velikosti úhlu hodnotou zvláštních značek.

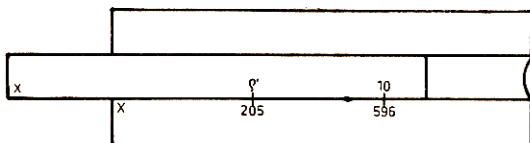
PŘÍKLAD 40 A ŘEŠENÍ:

$$\text{arc } 12^{\circ} = 12 \cdot \rho = 0,2095$$



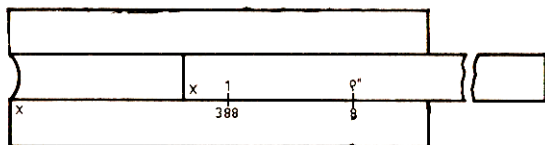
PŘÍKLAD 41 A ŘEŠENÍ:

$$\text{arc } 3^{\circ}25' = \text{arc } 205' = \frac{205}{\rho'} = 0,0596$$



PŘÍKLAD 42 A ŘEŠENÍ:

$$\text{arc } 2^{\circ}13'20'' = \text{arc } 8000'' = \frac{8000}{\rho''} = 0,0388$$

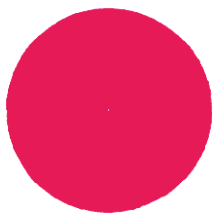


X. PLOCHA KRUHU

Můžeme ji určit dvojím způsobem:

a) POMOCÍ ZVLÁŠTNÍCH ZNAČEK STUPNCE x NA ŠOUPÁTKU

$$C = \sqrt{\frac{4}{\pi}} = 1,128$$

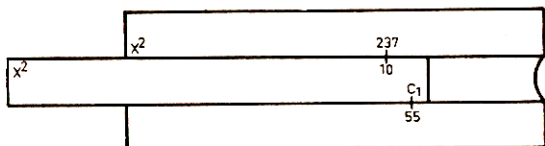
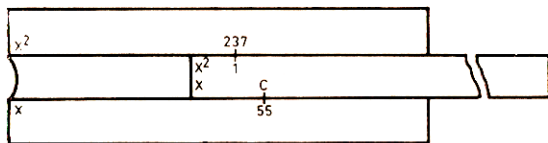


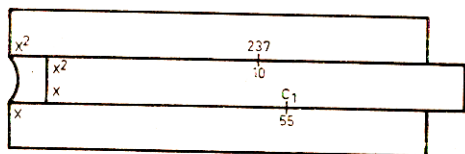
$$C_1 = \sqrt{\frac{40}{\pi}} = 3,57$$

Nastavíme-li některou ze značek na danou hodnotu na stupnici x tělesa, vytkne počátek nebo konec stupnice x^2 (1 nebo 100) plochu. Stejně tak při nastavení značky C_1 na danou hodnotu na stupnici x tělesa, vytkne střední značka stupnice x^2 (1, 10) plochu.

PŘÍKLAD 43:

$$\varnothing = 5,5 \text{ mm} \Rightarrow \text{plocha} = 23,7 \text{ mm}^2$$

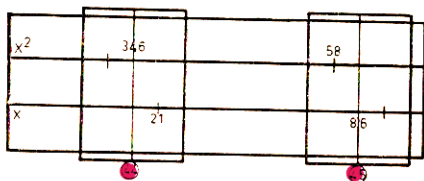


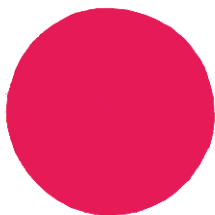


b) POMOCÍ RYSEK (INDEXŮ) NA OKĚNKU.

Pravá dolní krátká ryska a levá horní krátká ryska jsou od střední hlavní rysky vzdáleny o $\pi/4 = 0,785$ na stupnici x^2 . Nastavíme-li proto pravou dolní krátkou rysku (nebo střední rysku) na hodnotu \emptyset kruhu na stupnici x , odečteme pod střední ryskou (nebo levou horní krátkou ryskou) na stupnici x^2 plochu.

- PŘÍKLADY:**
- 44** $\emptyset = 21$ mm = plocha **346** mm²
 - 45** $\emptyset = 8,6$ mm = plocha **58** mm²



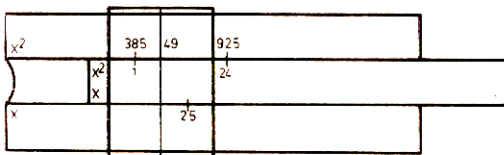


XI. VÁHY TYČOVÉ OCELI KRUHOVÉ

Protože posunutí rysek na okénku podle předešlého článku odpovídá specifické váze oceli 7,85 můžeme ji použít pro výpočet váhy tyčové oceli kruhového průřezu.

Pravou dolní krátkou rysku nastavíme na průměr tyče na stupnici x , pak odečteme pod hlavní ryskou na stupnici x^2 plochu průřezu a pod levou horní krátkou ryskou váhu 1 bm tyče. Běžným násobením pak zjistíme váhu tyče libovolné délky.

PŘÍKLAD 46: Zjistěte váhu ocelové tyče o $\varnothing 25$ mm a délce 2,4 bm (průřez = 490 mm² váha 1 bm = 3,85 kg, váha celková = 9,25 kg).

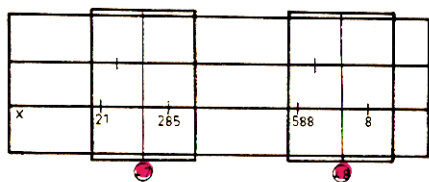


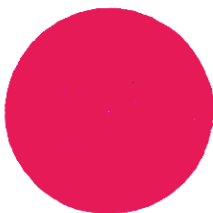
XI. PŘEVOD k NA kW

K jednoduchému provádění tohoto převodu slouží obě dolní krátké rysky na okénku, které jsou od sebe vzdáleny o převodní

hodnotu 1,36 na stupnici x . Z toho důvodu je možné při nastavení levé krátké rysky okénka na hodnotu **kW** odečíst pod pravou krátkou ryskou okénka a stupnici x odpovídající hodnotu v **k** a naopak.

PŘÍKLADY: 47 2,1 kW = 2,85 k
48 8,- k = 5,88 kW





TABULKA NĚKTERÝCH DŮLEŽITÝCH HODNOT

Různá čísla a jednotky:

π	= 3,14159	cal	= 0,427 kpm
log π	= 0,49715		= 4,2 Ws
e	= 2,71828	kWh	= 860 kcal
log x	= 0,43429 ln x	kWh	= 367200 kpm
ln x	= 2,3026 log x	Ws	= 0,238 cal
$\frac{g}{g}$	= 9,81 m/sec ²	kpm	= 2,34 cal
$\sqrt{2} g$	= 4,429	at	= 1,0333 kp/cm ²
k	= 75 kpm/sec	inch	= 25,4 mm
	= 0,736 kW	mile	= 1609,5 m
	= 0,175 kcal/sec	mile naut.	= 1852 m
		c (světla)	= 3 · 10 ¹⁰ cm/sec ²

Měrné váhy:

ocel	= 7,85	beton	= 2,4
litina	= 7,13	kámen	= 2,4–2,6
hliník lit.	= 2,6	cihla	= 1,75
zinek válc.	= 7,2	písek s.	= 1,4–1,6
měď válc.	= 8,9	m.	= 2,0
olovo	= 11,36	sklo	= 2,6
dub s.	= 0,7–1,0	org. sklo	= 1,18
č.	= 0,93–1,3	celuloid	= 1,37
borovice s.	= 0,31–0,76		
č.	= 0,4–1,1		

Koeficient lineární tep. roztaživosti ($\alpha \cdot 10^{-6}$):

ocel kal.	= 11,5	zinek	= 26,7
nekal.	= 12	olovo	= 29,0
litina	= 9,0	sklo	= 8,6
měď	= 18,5	org. sklo	= 50+80
hliník	= 23,8		

**POJEDNÁNÍ O PRAKTICKÉM VYUŽIVÁNÍ
JEDNOTLIVÝCH STUPNIC JE V NÁSLEDUJÍCÍCH
STATÍCH:**

x^3			V			
x^2	III	IV	V			
$1/x$	III	IV	V			
x	III	IV	V			
\log				VI	VII	
\sin						VIII
tg						VIII
$\sqrt{1-x^2}$					VII	VIII
e^x			V	VI		
$e^{0,1x}$			V	VI		
$e^{0,01x}$			V	VI		